## Solutions

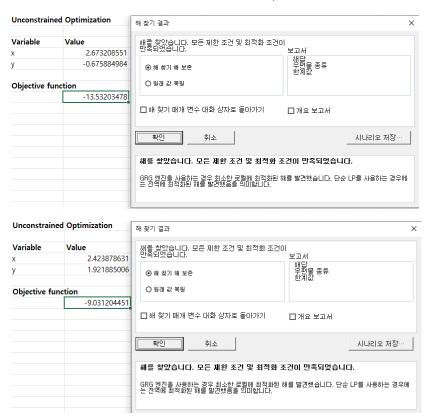
1. 아래 Jones function에 대하여 최적화를 수행하시오.

$$f(x_1, x_2) = x_1^4 + x_2^4 - 4x_1^3 - 3x_2^3 + 2x_1^2 + 2x_1x_2$$
 
$$x_0^{(1)} = (1, 0) \text{ and } x_0^{(2)} = (1.5, 1.5)$$

(1) 위 function을 최소화하는 문제의 설계 정식화를 쓰시오. (5 pts)

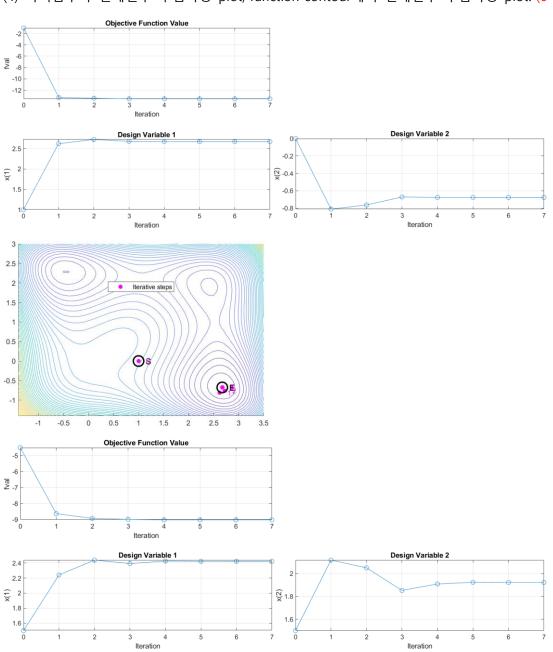
find 
$$x_1, x_2$$
  
Minimize  $x_1^4 + x_2^4 - 4x_1^3 - 3x_2^3 + 2x_1^2 + 2x_1x_2$ 

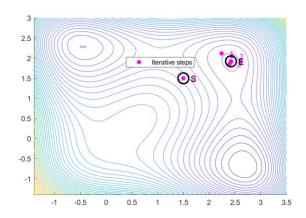
(2) EXCEL solver로 최적해를 구하시오. (10 pts)



(3) MTATLAB optimization toolbox를 이용하여 최적해를 구하시오. 위 두 Initial point에 따른 local optimum과 global optimum을 비교하시오. (10 pts)

## (4) 목적함수와 설계변수 수렴과정 plot, function contour에서 설계변수 수렴과정 plot. (6 pts)





2. 아래 function에 대하여 최적화를 수행하시오.

$$f(x_1, x_2) = 2x_1^2 - 6x_1x_2 + 9x_2^2 - 18x_1 + 9x_2$$

Constraints:

$$\begin{array}{ll} \text{(constraints 1)} & \text{(constraints 2)} \\ g_1(x_1,x_2) = \frac{1}{2}x_1 + 2x_2 \leq 10 & h_1(x_1,x_2) = \frac{1}{2}x_1 + 2x_2 = 10 \\ g_2(x_1,x_2) = 4x_1 - 3x_2 \leq 20 & g_2(x_1,x_2) = 4x_1 - 3x_2 \leq 20 \\ x_1 \geq 0, \ x_2 \geq 0 & x_1 \geq 0, \ x_2 \geq 0 \end{array}$$

Initial point:

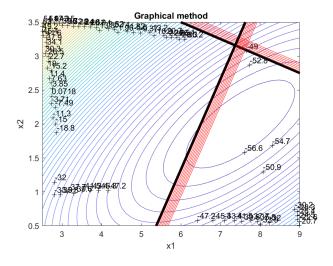
$$x_0 = (1, 3)$$

(1) 위 function을 최소화하는 문제의 설계 정식화를 쓰시오. (5 pts)

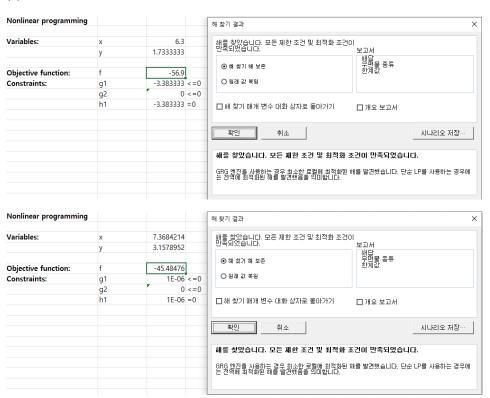
$$\begin{array}{ll} \text{find} & x_1,\,x_2\\ \text{Minimize} & 2x_1^2-6x_1x_2+9x_2^2-18x_1+9x_2\\ \text{Subject to} & \frac{1}{2}x_1+2x_2-10\leq 0\\ & 4x_1-3x_2-20\leq 0\\ & -x_1\leq 0\\ & -x_2\leq 0 \end{array}$$

find 
$$x_1, x_2$$
 Minimize 
$$2x_1^2 - 6x_1x_2 + 9x_2^2 - 18x_1 + 9x_2$$
 Subject to 
$$\frac{1}{2}x_1 + 2x_2 - 10 = 0$$
 
$$4x_1 - 3x_2 - 20 \le 0$$
 
$$-x_1 \le 0$$
 
$$-x_2 \le 0$$

(2) Graphical method로 최적해를 표시하시오 (제약조건:  $g_1, g_2$ ). (5 pts)

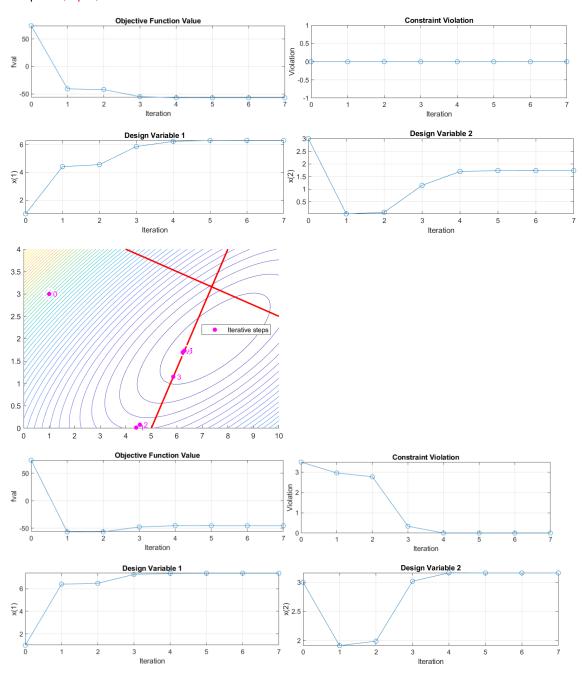


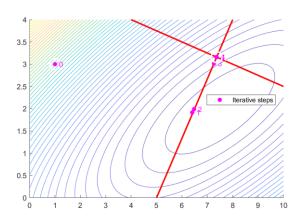
(3) EXCEL solver로 최적해를 구하시오. Constraints 1과 2일 때 최적해의 차이를 비교하시오. (10 pts)



(4) MATLAB optimization toolbox를 이용하여 최적해를 구하시오. Constraints 1과 2일 때 최적해의 차이를 비교하시오. (10 pts)

(5) 목적함수와 제약조건 위반율, 설계변수 수렴과정 plot, function contour에서 설계변수 수렴과 정 plot. (8 pts)





- 3. 아래 practical problem에 대해 최적설계를 진행하시오.
- (1) 위 최적화 문제의 설계 정식화를 쓰시오. (5 pts)

find  $x_1, x_2$ 

Minimize  $2\pi(5)(7850)x_1x_2$ 

Subject to 
$$g_1(\mathbf{x}) = \frac{P}{2\pi x_1 x_2 \sigma_a} \left[ 1 + \frac{2 \times 0.02 \ x_1 + 0.5 x_2}{x_1} \sec\left(\frac{\sqrt{2}L}{x_1} \sqrt{\frac{P}{E \ 2\pi x_1 x_2}}\right) \right] - 1 \le 0$$

$$g_2(\mathbf{x}) = 1 - \frac{\pi^2 E \ \pi x_1^3 x_2}{4L^2 P} \le 0$$

$$g_2(\mathbf{x}) = \frac{0.02x_1}{\Delta} \left[ \sec\left(\sqrt{\frac{P}{E \left(x_1^3 x_2\right)}} - 1\right) - 1 \le 0$$

$$g_4(\mathbf{x}) = x_1 - 50x_2 \le 0$$

 $0.01 \le x_1 \le 1, \ 0.005 \le x_2 \le 0.2$ 

(2) MATLAB optimization toolbox를 이용하여 최적해를 구하시오 (sqp algorithm 이용).

 $x_0 = (1, 0.2)$  (10 pts)

x =

0.0537 0.0050

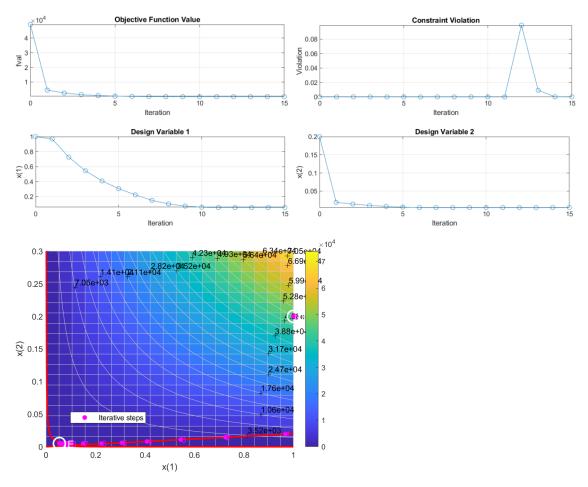
fval =

66.1922

ExitFlag =

1

(3) 목적함수와 제약조건 위반율, 설계변수 수렴과정 plot, function contour에서 설계변수 수렴과 정 plot. (3 pts)



(4) MATLAB global optimization toolbox를 이용하여 최적해를 비교하시오. (10 pts)

x =

0.0534 0.0050

fval =

66.2490

Flag =

1

(5) 목적함수와 설계변수 수렴과정 plot, function contour에서 설계변수 수렴과정 plot. (3 pts)

