

# 정찬민<sup>1)</sup>, 한상원<sup>2)</sup>, 민승재<sup>\*3)</sup>

1), 2), \*3) 한양대학교 미래자동차공학과

# Vibration Analysis and Ride Comfort Improvement of Wheelchair with Omni Directional Wheels

Chanmin Chung<sup>1</sup>) Sangwon Han<sup>2</sup>) Seungjae Min<sup>\*3</sup>)

<sup>1), 2), \*3)</sup>Department of Automotive Engineering, Hanyang University, Seoul 04763, Korea

Abstract : The demand for electric wheelchairs has been increasing due to an aging population. Joystick-operated models are now mainstream, and models with Omni-wheels on the front have a less turning radius and improve maneuverability compared to ordinary Handle-operated models. However, the structural gaps in Omni-wheels inherently generate vibrations, decreasing ride comfort. This study aims to minimize these vibrations by optimizing the design of omni-wheel structures and the height attachment of the front suspension system. The results demonstrate that the combination of these two factors reduces vibrations and improves the overall riding experience.

Key words : Wheelchair(휠체어), Omni-wheel(옴니휠), Suspension(서스펜션), Vibration(진동), Comfort(승차감)

## 1. 서 론

UN 인구 전망 통계 자료에 따르면 2024년 현 재 전 세계 고령 인구는 약 8.5억 명이며 앞으로 도 꾸준히 증가할 전망으로 예측되며<sup>1)</sup> 이와 더불 어 이동 보조 기구의 매출 또한 증가하는 경향을 띠고 있다. 이동 기구 중 가장 대중적인 것은 휠체 어가 있으며 수동, 전동의 크게 2가지로 나누어져 있다. 또한 전동휠체어 중에서도 자동차처럼 전륜 을 핸들로 조향하는 핸들형, 좌우 각각에 모터를 탑재해 회전수 차이로 선회하는 조이스틱형이 있 다. 기동성 측면을 고려할 경우, 회전 반경이 작은 조이스틱형이 우수하다고 볼 수 있으며<sup>2)</sup> 최근 주 류인 것은 전륜에 옴니휠을 장착한 모델이다.

옴니휠(Omni Directional Wheel)은 바퀴의 바깥 둘레에 여러개의 롤러가 부착되어 조향 없이 방향 전환 가능한 바퀴이다<sup>3)</sup>. 기존 휠체어의 경우 앞바 퀴 크기에 따라 단차 극복과 선회 성능이 상반되 는 특징을 지니고 있었다. 앞바퀴가 크면 휠체어 는 단차 극복 성능이 상승하지만, 차체와 앞바퀴 의 간섭으로 조향각이 제한되어 회전 반경이 커지 게 된다<sup>4)</sup>. 반대로 앞바퀴가 작으면 이와 반대의 경향성을 보이게 된다. 과거에는 이 두 가지 성능 이 서로 상충 관계에 있었으나 옴니휠의 적용으로 양쪽 성능을 개선할 수 있었다.

앞서 언급한 것처럼 옴니휠의 경우 핸들형처럼 선회 시 바퀴와 차체의 간섭을 고려할 필요가 없 어 비교적 구조를 단순화할 수 있었다. 하지만 롤 러 사이에 공극이 존재하여 필연적으로 진동이 발 생<sup>5)</sup>하여 승차감과 건강에 악영향을 미치기 때문 에 이를 감소할 필요가 있다. 이에 관해 서스펜션 적용 유무<sup>6)</sup>, 옴니휠의 바퀴 구조 설계<sup>7)</sup>를 진행하 여 진동을 감소시킨 선행 연구가 존재한다. 그러 나 대부분 실험용으로 제작되어 시중에서 파는 전 동휠체어를 활용한 사례는 드물었다.

본 연구에서는 선행 연구와 휠체어 제원을 바탕 으로 각종 해석 프로그램을 사용하여 3차원(3D) 해석 환경에서 옴니휠의 구조와 서스펜션 피벗 부 착 위치 2개의 설계 변수 조합을 변경하며 진동을 최소화하는 것을 목적으로 연구를 진행하였다.

## 2. 해석 환경 구현

# 2.1 휠체어, 도로 모델링

베이스 모델은 WHILL사의 C2 모델을 선정하였 으며 전륜 서스펜션에 관해서는 Fig.1와 같은 2 자 유도 서스펜션 모델로 표현할 수 있으며 이에 대 한 운동 방정식을 식(1), 서스펜션 변위량, m,의 속도, 타이어 변형량, m,의 속도를 상태 변수 (x<sub>1</sub>~x<sub>4</sub>)로 두고 이를 식(2)로 두어 각 변수의 미분 값에 대해 상태 방정식으로 나타내면 식(3)처럼 표현이 가능하다.



Fig.1 2DOF suspension model (sample)

$$\begin{split} & m_{s}\ddot{z}_{s} = -k_{s}(z_{s}-z_{u}) - b_{s}(\dot{z}_{s}-\dot{z}_{u}) \\ & m_{u}\ddot{z}_{u} = k_{s}(z_{s}-z_{u}) + b_{s}(\dot{z}_{s}-\dot{z}_{u}) - k_{t}(z_{u}-z_{r}) \end{split}$$
(1)

$$\begin{aligned}
 x_1 &= x_2 - x_4 \\
 m_s \dot{x}_2 &= -k_s x_1 - b_s \dot{x}_1 \\
 \dot{x}_3 &= x_4 - \dot{z}_r \\
 m_u x_4 &= k_s x_1 + b_s \dot{x}_1 - k_t x_3
 \end{aligned}$$
(2)

$$\begin{bmatrix} \dot{x}_{1} \\ \dot{x}_{2} \\ \dot{x}_{3} \\ \dot{x}_{4} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 & -1 \\ -\frac{k_{s}}{m_{s}} - \frac{b_{s}}{m_{s}} & 0 & \frac{b_{s}}{m_{s}} \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ \frac{k_{s}}{m_{u}} & \frac{b_{s}}{m_{u}} - \frac{k_{t}}{m_{u}} - \frac{b_{s}}{m_{u}} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_{1} \\ x_{2} \\ x_{3} \\ x_{4} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ -1 \\ 0 \end{bmatrix} \dot{z}_{r}$$
(3)

이를 3D로 구현하기 위해 치수 제원이 기재된 카탈로그와 특허<sup>8)</sup>를 바탕으로 모델링을 진행하였 으며 모델링 결과 및 주요 특징은 다음과 같다.

Mass Total	51.9 kg	
Tire Diameter (Front/Rear)	257/265 [mm]	
Tire Width (Front/Rear)	60 / 55 [mm]	
Spring Coefficient (Front / Rear )	6.7/37.3 [N/mm]	
Damping Coefficient (Front/Rear same)	0.35 [N/(mm/s)]	

Table.1 Wheelchair specs



Fig.2 Wheelchair 3D model

서스펜션과 댐핑 계수의 경우 이번 연구에서는 선행 논문(WEERAPONG. 2023)의 수치를 활용하 기로 하였다. 또한 실제 도로 특성을 재현하기 위 해 파장(λ) 350mm, 진폭(A) 0.25mm인 sin파 형태 의 도로를 제작하였다(Fig.3).



8.....

형태가 복잡하고 재료별 물성치를 고려한 유한 요소 해석을 위해 Altair사 HyperMesh 2022.1<sup>주1)</sup> 버 전을 활용하여 주요 부품별로 재료 특성을 적용하 고 Fig.4와 같이 가시화하였으며 무게 배분에 대해 서 전/후 동작 유닛, 의자 부분들의 각 무게를 맞 추면서 총무게와 일치하도록 조정했다.



Fig.4 Model with material Property

Mesh size	5mm	30mm	50mm
RMS (mm/s <sup>2</sup> )	202.05	219.32	680.45
(a) RMS difference (road)			

Mesh size	5mm	7.5mm
RMS (mm/s <sup>2</sup> )	219.32	615.57

(b) RMS difference (wheelchair)

#### Table.2 RMS difference by mesh size



a) iviesii size – Siiiiii

Fig.5 Mesh generate result

메쉬(Mesh) 크기에 따른 진동 변화를 확인해본 결과, Table.2(a)에서는 30mm 이하부터는 값이 수 렴하는 경향을 보이고 (b)의 경우도 작은 변화값에 비해 진동값이 급격하게 변하는 모습을 보였으나 (a)와 유사한 수렴성을 띄어 5mm로 전체 메쉬 생성 을 진행하였다.

#### 2.2 진동 해석 방법

진동 측정 방법에 대해서는 ISO2631<sup>10)</sup>을 바탕 으로 진행하였다. ISO2631에서는 각종 진동 노출 로 인한 결과에 대해 건강, 안락감, 지각, 멀미의 4 가지 관점의 영향들을 평가하기 위한 진동 측정과 평가 방법을 규정하고 있다. 기본 진동 평가법은 식 (4)처럼 RMS(Weighted - root mean square)로 정의되 어 있으며 a<sub>w</sub>는 주파수 가중된 병진 가속도 시간값 (m/s<sup>2</sup>), T는 측정시간을 의미한다. 주파수 범위는 0.5Hz~80Hz로 한다.

$$a_{w} = \left[\frac{1}{T} \int_{0}^{T} a_{w}^{2}(t) dt\right]^{\frac{1}{2}}$$
(4)

가속도 RMS에 대한 순간 가속도 비율을 "파고 율"이라고 하며, 이 비율이 9 이하면 앞서 언급한 기본 평가법으로도 충분히 평가할 수 있으며 이를 Fig. 7(a)을 바탕으로 구해본 결과 9 미만으로 정의 되어 기본 평가 방법으로 연구를 진행하였다. 본래 라면 xyz 축 모든 축에 대한 진동을 측정할 필요가 있으나 탑승자가 가장 민감한 부분이 z축 병진 성 분이라 생각하여 Fig.6처럼 MotionView 2022.1<sup>주2)</sup> 해석 환경에서 롤러 각도 θ(17<sup>°</sup>), 피벗 위치 H(20mm)의 초기값을 지닌 휠체어 모델의 쿠션 무 게 중심을 기준으로 6km/h로 주행 시 발생하는 병 진 성분만을 확인하도록 하였다. 결과 RMS에 대 해 편의를 위해 이후로는 RMS<sub>iso</sub>라 호명하겠으며 752.06mm/s<sup>2</sup>라는 결과를 얻었다. Fig7(b)는 고속 푸리에 변환(FFT) 그래프로 나타낸 결과다.



Fig.6 Analysis condition



Fig.7 The result of RMS<sub>iso</sub> at Initial condition

3. 시뮬레이션 결과 검증

본 연구에서는 3D 유한 요소 해석을 바탕으로 연구가 진행되기 때문에 실물과 유사한 물리적인 특징을 구현할 필요가 있다. 재현성을 뚜렷하게 보기 위해 Table.3와 같이 공극(gap) 유무에 따른 RMS<sub>iso</sub>와 이를 실물이 사용된 선행 연구와 동일 조건에서 비교하여 재현 정밀도를 확인하였다. (a) 의 경우, 공극 유무에 따라 RMS<sub>iso</sub>가 야기됨을 확 인하였고 (b)에서 실물 대비 10% 내 상대 오차율 로 실상황과 유사한 경향이 보임을 확인했다.

	Omni wheel	Circular wheel
z - axis acceleration RMS(mm / s²)	759.43	220.72

(a) Difference by gap

	Real model (WHILL C2)	Simulation model
z - axis acceleration RMS(mm/s²)	745.35	826.85
Relative error rate	9.86%	

(b) Compare with Prior research

#### Table.3 Verification for analysis



Fig.8 FFT for Table.3-(a)

### 4. parameter 변화에 따른 경향 분석

## 4.1 롤러 각도 크기 [θ]



Fig.9 About Omni wheel

Fig.9은 옴니휠의 구조를 나타낸 것이며 크게 허브, 지지대, 그리고 롤러<sub>의/내</sub>(Roller<sub>out/in</sub>)로 구성 된다. O는 옴니휠의 중심,  $A_1$ ,  $A_2$ 는 롤러<sub>외/내</sub>의 끝 점,  $R_1$ ,  $R_2$ 는 각각 롤러<sub>외/내</sub>로부터 샤프트 중심축 길 이를 나타내며 주요 수치로는  $R_1$ 과  $\overline{OA_1}$ 이 이루는 각도  $\theta$ 가 있으며  $R_2$ 와  $\overline{OA_2}$ 가 이루는 각도  $\alpha$ , 롤러 <sub>외/내</sub> 쌍수(pair), 공극 각도 (2°)와의 관계를 식(5) 로 나타낼 수 있다.

$$\alpha = \frac{360}{pair \times 2} - gap - \theta \tag{5}$$

앞서 3장에서 공극 유무에 따른 RMS<sub>iso</sub> 차이가 컸기 때문에 진동 발생의 주요 원인이라고 고려했 으며 롤러 간의 간섭이 일어나지 않는 범위 내에 서 Fig.10처럼 θ에 대해 17°, 14°, 11°, 8°까지의 경우 를 생성하였다.



### 4.2 피벗 (Pivot) 높이 [H]

옴니휠부터 발생하는 진동을 줄이기 위해 전륜 에 스윙 암 형식의 서스펜션이 장착되어있고 이 경우 피벗 위치에 따라 진동 에너지의 전달특성이 바뀌는 특성이 존재한다. Fig.11처럼 발받이로부 터 30.993mm 위치에 기준선을 생성하며 해당 지 점부터 피벗까지의 거리를 H라고 정의해 Fig.12처 럼 0, 20, 40, 60mm까지 4가지 경우를 생성했다.



Fig.11 Definition of H



Fig.12 Models with H applied

### 4.3 각 Parameter 별 영향 분석



Fig.13 Tendency by changing  $\theta$ 

Fig 13는 변수별 진동 경향성을 나타낸 그래프 며 (a)를 살펴보면 θ감소에 따라 RMS<sub>iso</sub> 또한 감소 하는 경향성을 보이며 8°일 때 최소값을 가진다. 이에 대해 Fig.10을 가지고 추측해 보자면 θ에 따 라 롤러와 허브 사이 공간이 늘어나는 것을 볼 수 있으며 롤러와 지지대를 T자 모양의 빔으로 고려 할 경우, 지지대 부분에 응력이 집중하게 된다는 것으로 간주할 수 있다. 초기값의 경우 응력이 전 체로 분산되면서 전체 진동수가 늘어나는 반면, 작은 각도에서는 분산되어야 하는 진동이 지지대 로 집중하게 되어 상반되는 결과를 초래한 것으로 추측된다. 강성 개선이 목적인 경우 이는 평균 고 장 시간 (MTBF) 주기가 짧다는 것을 의미하기 때 문에 좋은 결과라고 하기 어려우나 본 연구에서는 진동 감소를 최우선 목적으로 두고 있으므로 준수 한 경향이라 생각하였다.



이어서 Fig.14에 대해 분석하면 H가 40mm인 경 우 RMS<sub>iso</sub>는 최소값을 가지며 이를 기점으로, 전후 로 증가하는 경향을 보인다. 앞서 Fig.12를 (a, b), (c, d) 2가지 경우로 나누어 볼 때 피벗 위치가 바 퀴 허브에 대하여 각각 상/하단에 부착된 모습을 볼 수 있다. 이를 스프링 작용의 관점에서 분석하 면 피복 위치가 허브보다 높으면 서스펜션으로의 축 방향 충격 전달 및 에너지 흡수 효율이 개선되 어 복원 시간이 단축되지만, 이와 반대일 경우 축 방향보다는 측면이나 비틀림 하중으로 작용해 스 프링의 복원 및 진동 지속 시간 증가를 초래하는 것으로 보인다. 또한 40mm 이후 RMS<sub>iso</sub>가 다시 증 가하는 것으로 보아 가능한 허브와 수평을 이루는 범위 내에 위치하는 것이 좋을 것으로 추측된다.





Fig.15 RMS<sub>iso</sub> result by combination of  $\theta$  - H

$\theta$ H	0mm	20mm	40mm	60mm
<b>17</b> °	870.72	752.06	441.56	571.04
14°	624.85	495.37	356.78	447.98
<b>11</b> °	589.87	481.07	354.58	403.29
<b>8</b> °	532.85	452.79	342.91	378.46
T-LL ADMC -f				

Table.4 RMS<sub>iso</sub> of case study

4장에서 생성한 θ와 H의 사례들을 조합하여 해 석을 진행한 RMS<sub>iso</sub>와 이를 3D 조감도 형식으로 표시한 결과는 Table.4, Fig.15와 같다. 전체 case중 θ= 8, H= 40mm일 때 RMS<sub>iso</sub> 최적값 342.9mm/s<sup>2</sup>가 도출됨을 확인하였다. 전반적으로 θ는 17'에서 14', H는 20에서 40mm로 조건이 변화할 때 RMS<sub>iso</sub> 변 화가 컸음을 확인할 수 있었으며 최적값과 θ=17', H= 20mm 초기값을 비교해본 결과, Fig.16처럼 초 기값 대비 54.40% 감소했음을 확인할 수 있었다.





(b) Multi plot graph (Initial, Optimum)

Fig.16 RMS<sub>iso</sub> comparison between Inital – Optimum

본 연구에서는 옴니휠 탑재 휠체어에 대해 3D 해석 환경에서 옴니휠 구조 및 서스펜션 피벗 위 치의 조합에 따른 진동수 저감에 관해 연구하였 다. 제원 치수 외에 공개된 정보가 적어 수치를 임 의로 선정하여 진동 특성이 실물과 다르게 나타나 추후 이를 실물과 비교하여 정확도를 올려 경사 등판, 선회 등 다양한 주행 조건에서도 동일한 경 향성을 얻을 수 있는지 검증할 필요가 있다고 생 각한다.

또한 연구를 진행하면서 롤러의 크기와 서스펜 션 피벗 위치뿐만 아니라 스프링, 댐핑 계수, 마찰 력도 큰 영향을 끼치는 것을 확인하여 해당 변수 추가 및 관계식을 수립하여 이를 회귀, 최적화 기 법을 활용하여 연구를 진행한다면 더욱 심층 있는 연구를 진행할 수 있을 것이라 기대된다.

#### Notes

주1) Altair사 HyperMesh help page: https://2022.help.altair.com/2022.1/hwdesktop/hm/topics /chapter heads/whats new r.htm (최종 접근 날짜 2024/11/26)

주2) Altair사 MotionView help page: https://2022.help.altair.com/2022.1/hwdesktop/altair\_hel p/topics/release\_notes/rm\_2022\_1\_motionview\_r.htm (최종 접근 날짜 2024/11/26)

#### References

1) United nations, n.d, World population prospects population division - united nations, https://population.un.org/wpp/Graphs/,2024

2) Tetsuaki KAWATA. (2024). Research on

commercially electric wheelchairs and improving the running performance of passive link of joystick-type 6-wheel electric wheelchairs on uphill and downhill roads Part 1. Transactions of the JSME, vol 90(931), 23-00241, (in Japanese).

3) Komori, M., Matsuda, K., Terakawa, T., Takeoka, F., Nishihara, H., & Ohashi, H. (2016). Active omni wheel capable of active motion in arbitrary direction and omnidirectional vehicle. Journal of Advanced Mechanical Design, Systems, and Manufacturing, 10(6), JAMDSM0086-JAMDSM0086.

4) 김태현, 황대규, 김봉상, 이성희 and 문희창
(2023). 후륜 독립 구동 인 휠 모터의 능동적 조향각
생성을 통한 2WS/2WD In-Wheel 플랫폼의 최소회
전 반경 감소. 로봇학회 논문지, 18(3), 299 - 307.

5) Palacín, J., Martínez, D., Rubies, E., & Clotet, E. (2021). Suboptimal omnidirectional wheel design and implementation. Sensors, 21(3), 865.

6) Kundu, A. S., Mazumder, O., Lenka, P. K., & Bhaumik, S. (2017). Design and performance evaluation of 4 wheeled omni wheelchair with reduced slip and vibration. Procedia Computer Science, 105, 289-295.

7) Bae, J. J., & Kang, N. (2016). Design optimization of a mecanum wheel to reduce vertical vibrations by the consideration of equivalent stiffness. Shock and Vibration, 2016(1), 5892784.

8) Bando, K., & Naito, J. (2016). U.S. Patent No. 9,365,076. Washington, DC: U.S. Patent and Trademark Office.

9) Pongtep, W., Kreetha, K., Narapong, C., Chatchai, K., Weerayute, S., Weeraphol, P., ... & Kou, Y. (2024). Analyzing Transient Response Vibration in Wheelchair Transportation: State Space Modeling for Enhanced Comfort and Well-Being.

10) An, S. J. (2014). 인체진동 ISO 2631-1. Journal of KSNVE, 24(6), 36-40.